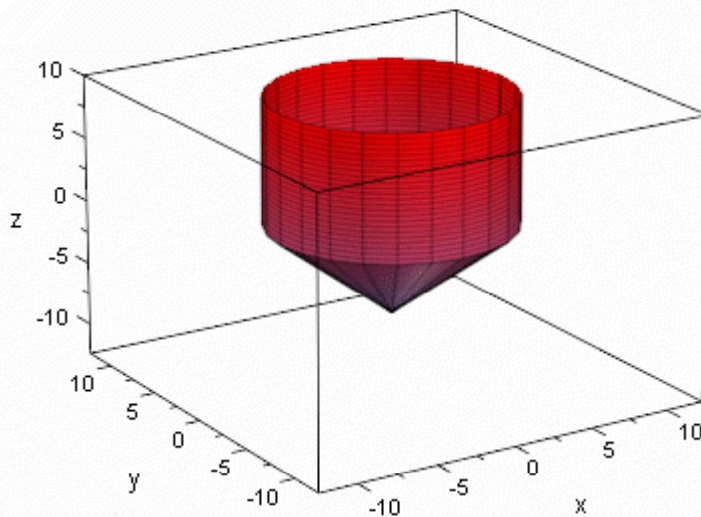


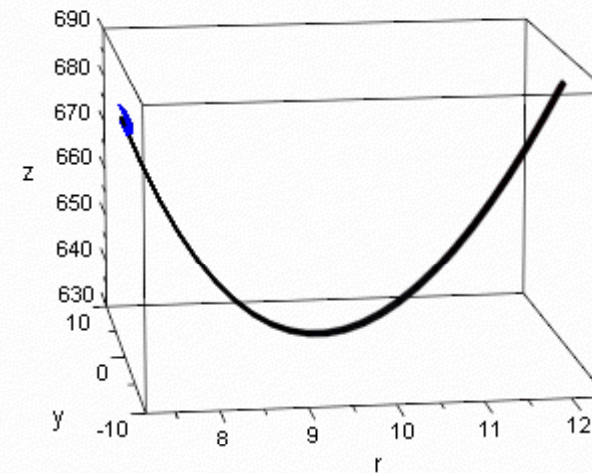
Optimierung als Ziel



2-Liter-Pokal



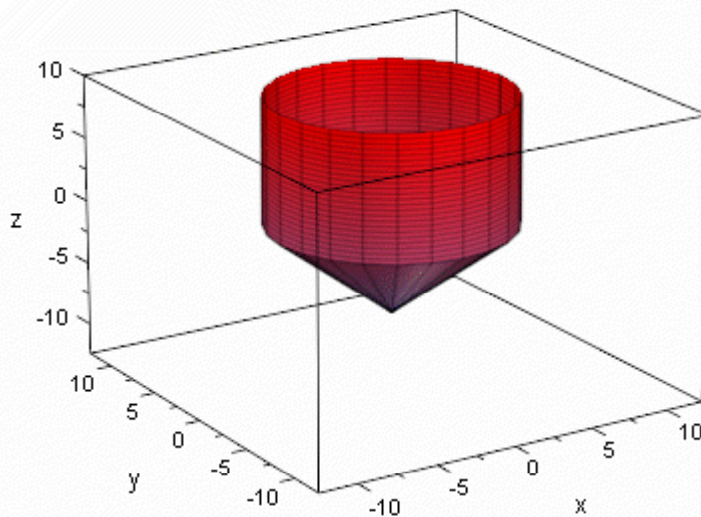
Silberverbrauch



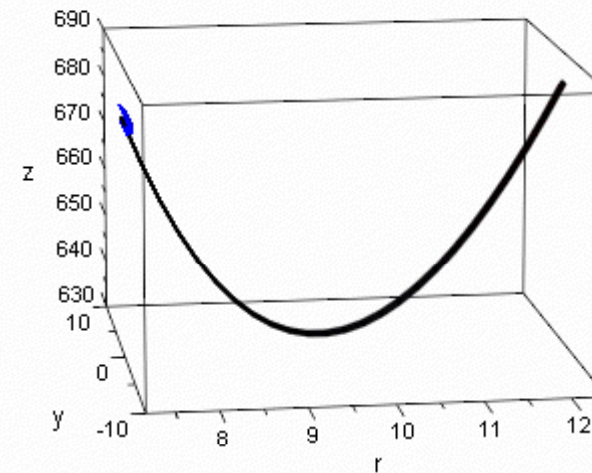
Optimization as a Goal



goblet for 2 litres
2-Liter-Pokal



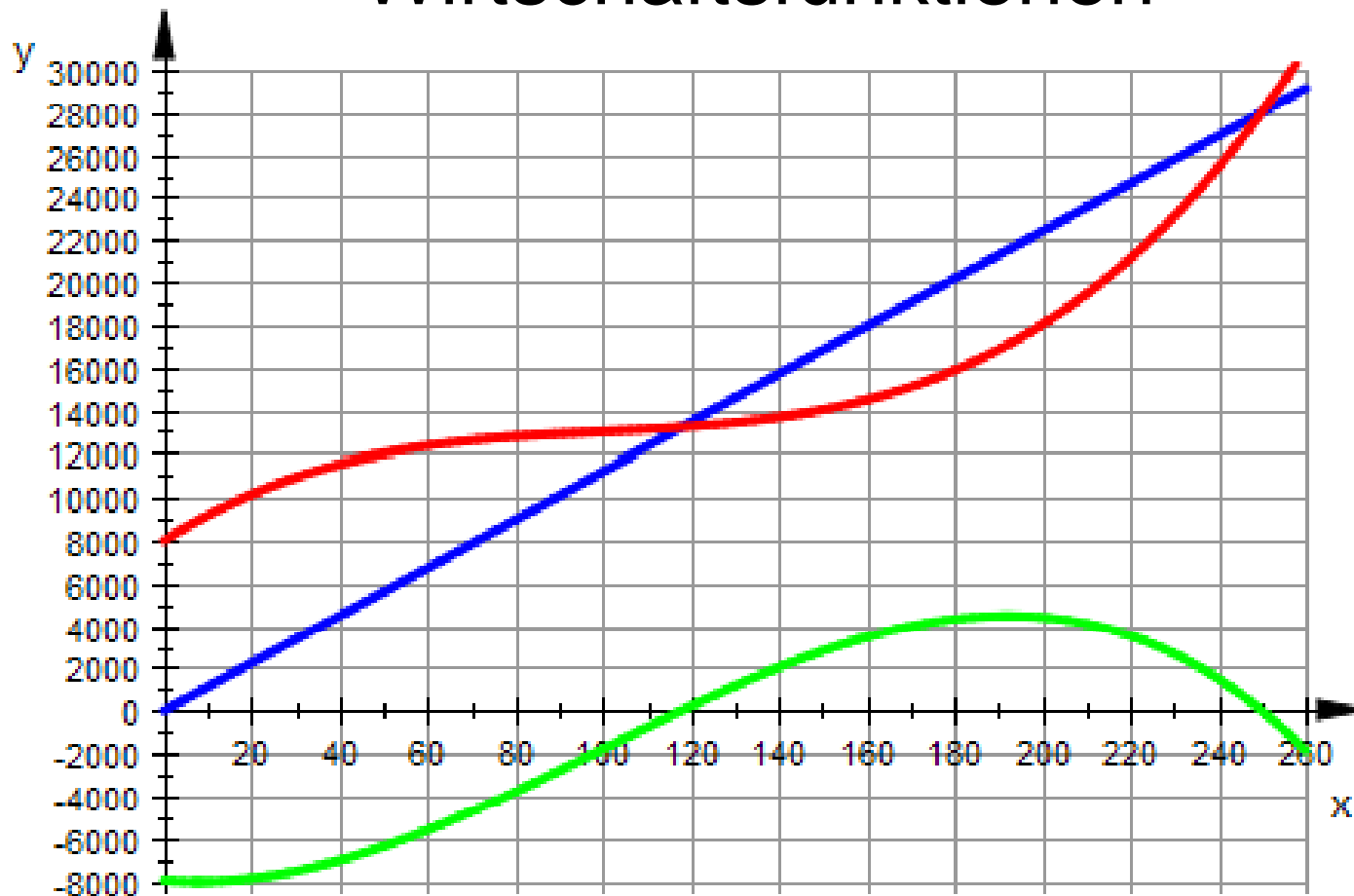
consumption of silver
Silberverbrauch



Optimierung als Ziel



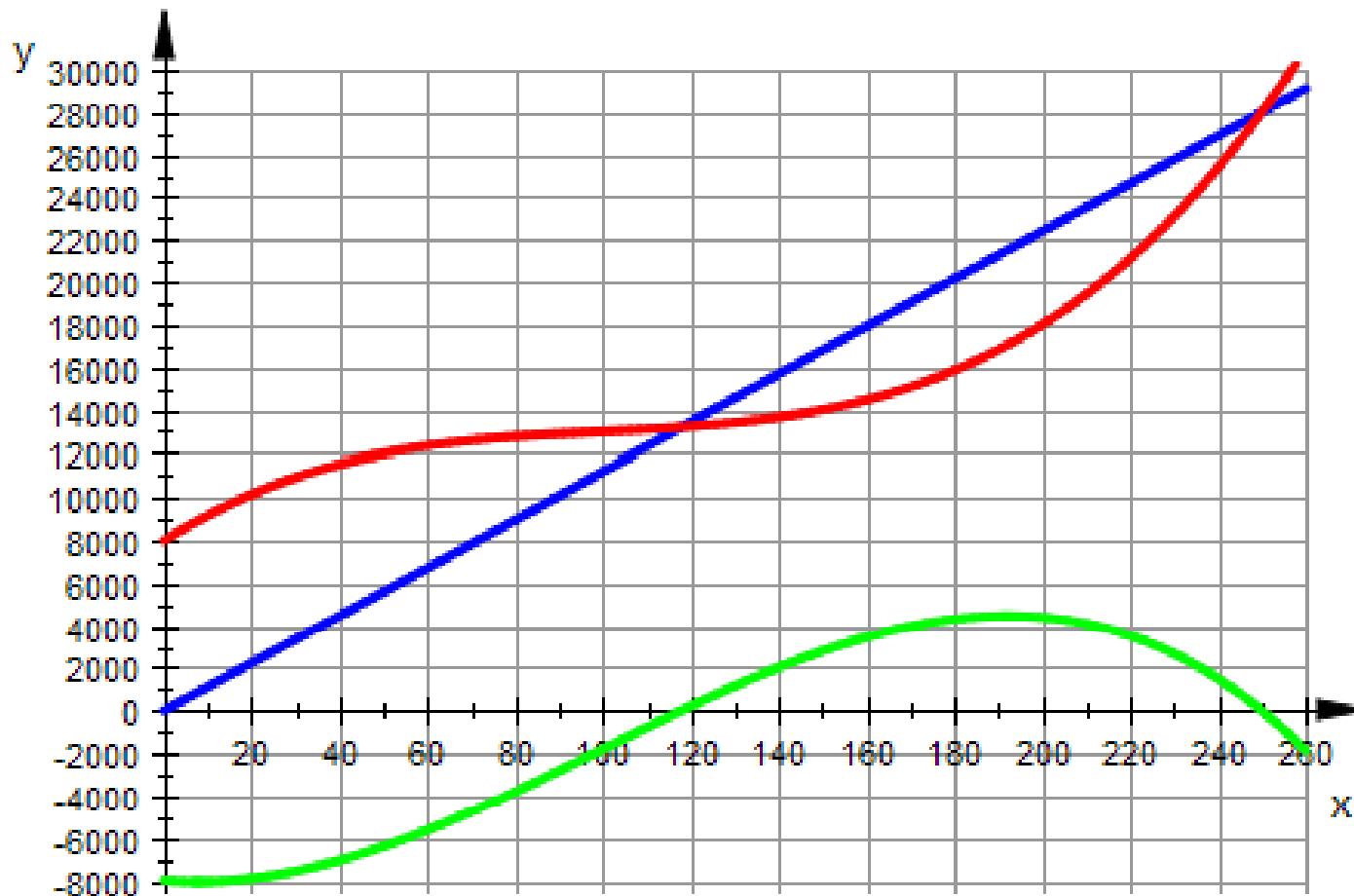
Wirtschaftsfunktionen



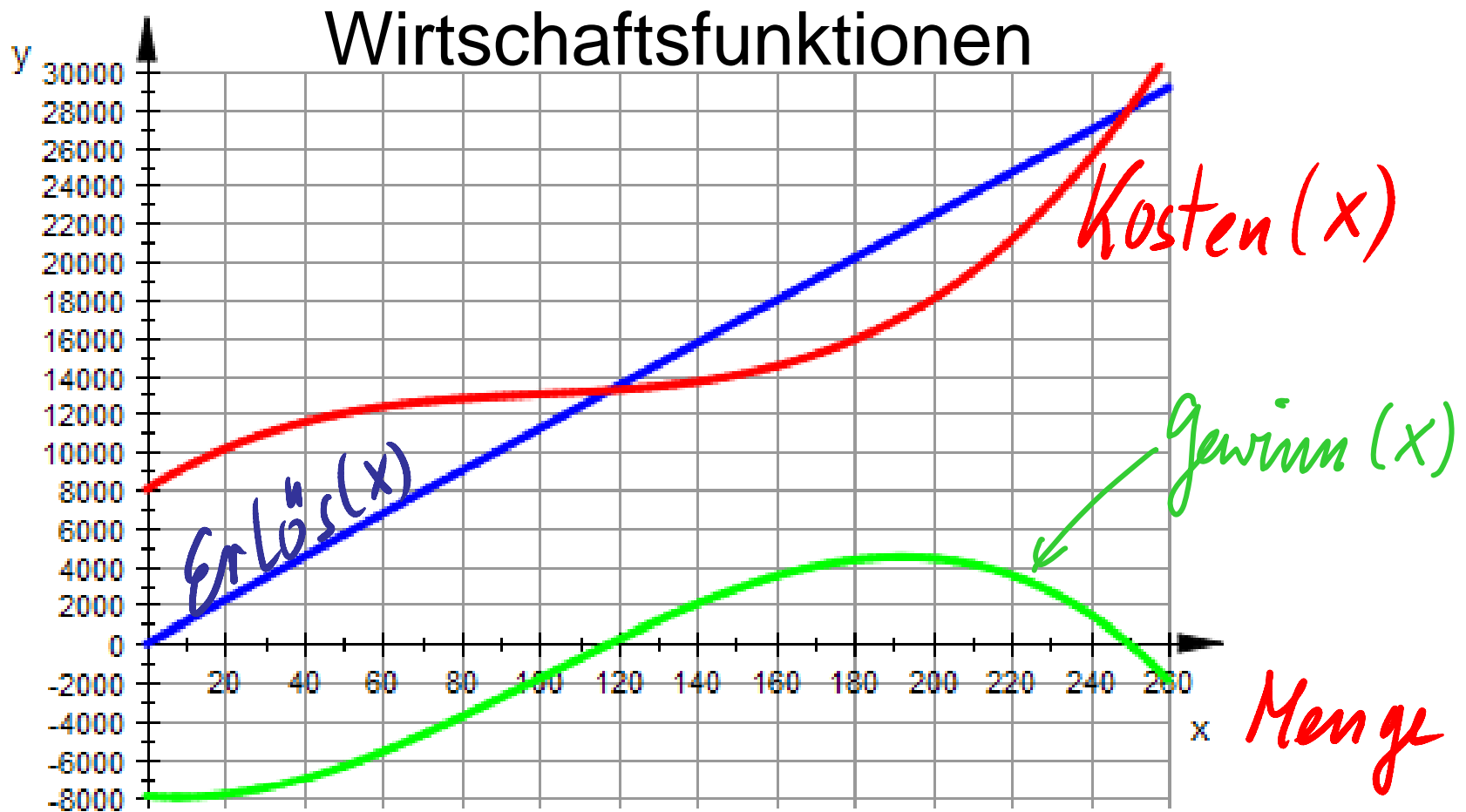
Optimization as a Goal



oeconomical functions



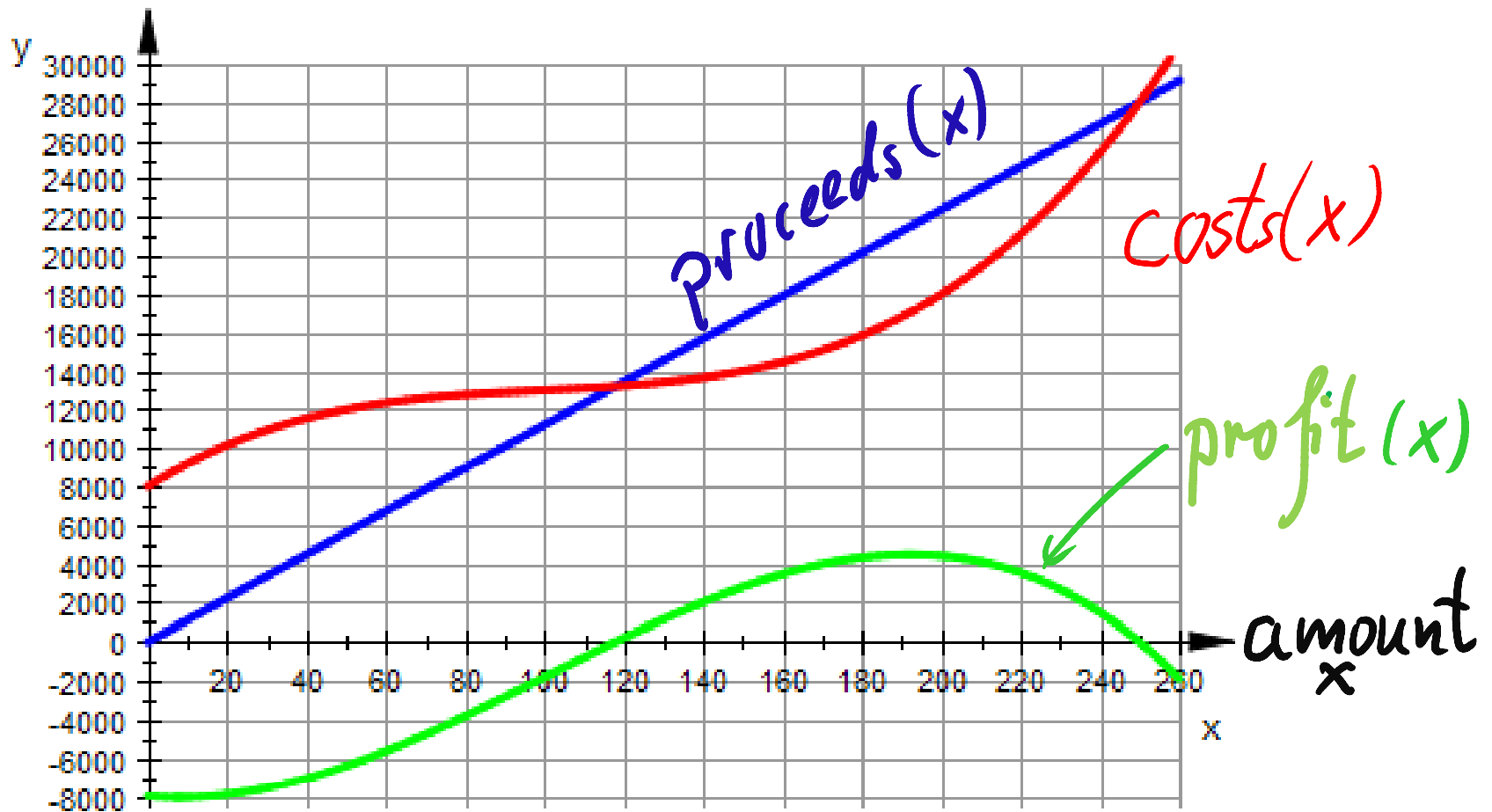
Optimierung als Ziel



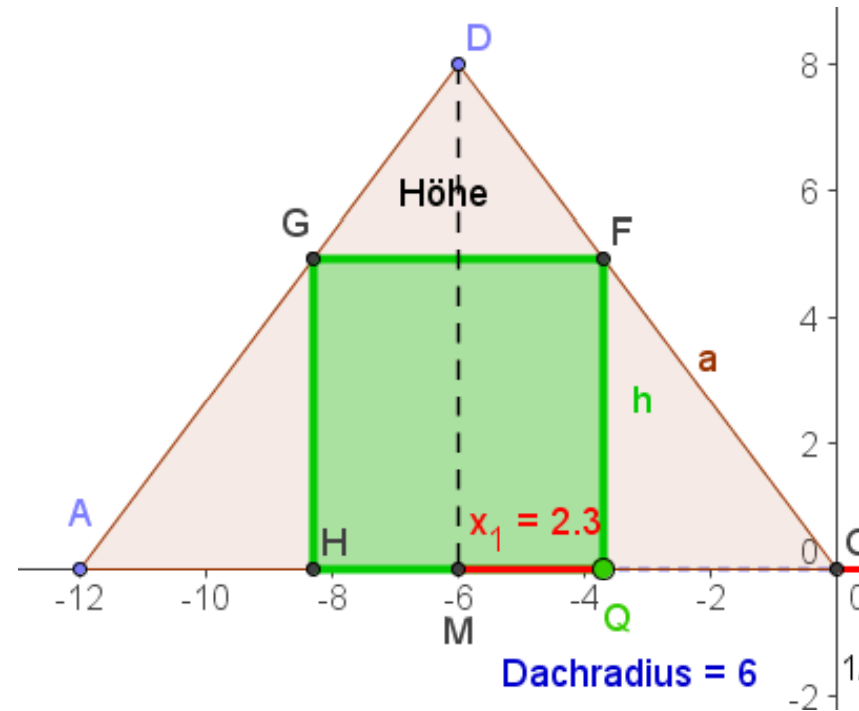
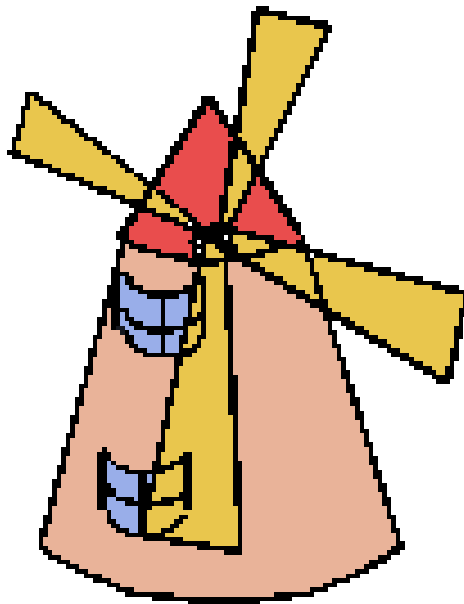
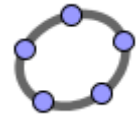
Optimization as a Goal



oeconomical functions

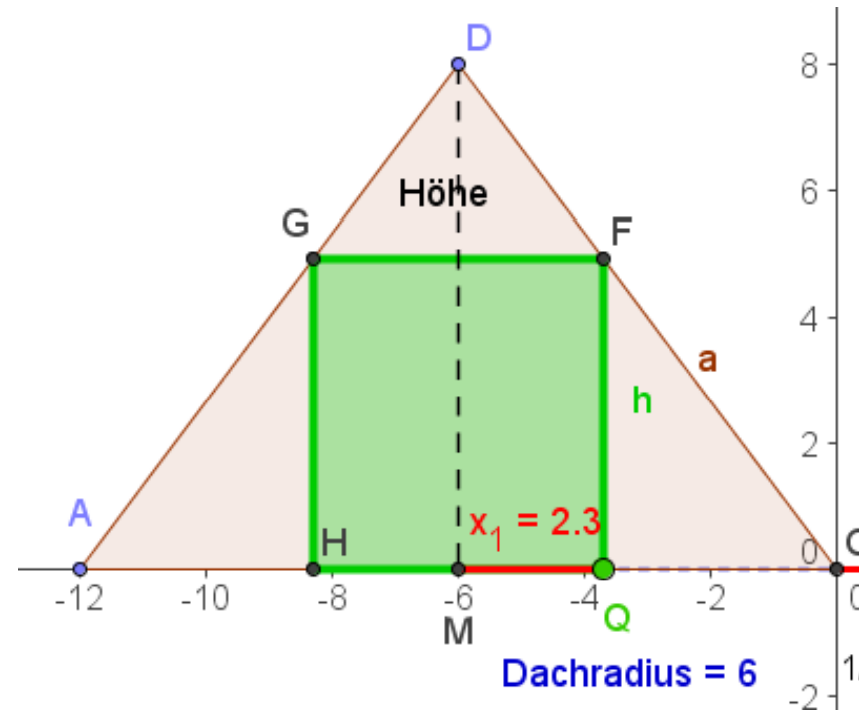
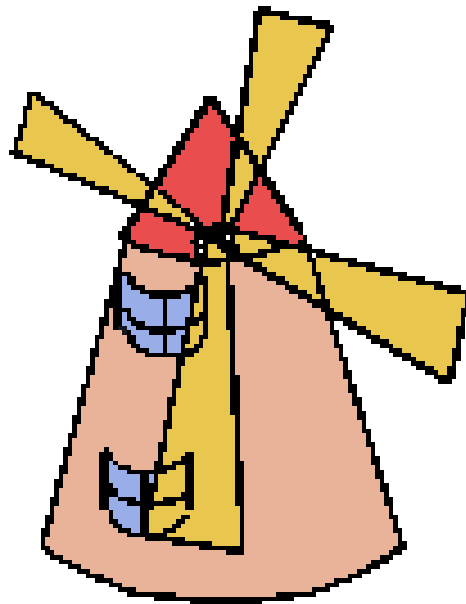
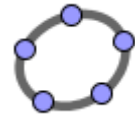


Wasser in der Mühle



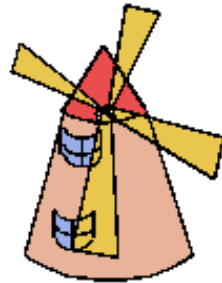
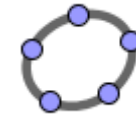
Im kegelförmigen Dach einer Mühle soll ein zylindrischer Wasserbehälter mit möglichst großem Volumen eingebaut werden.

Water in the Mill

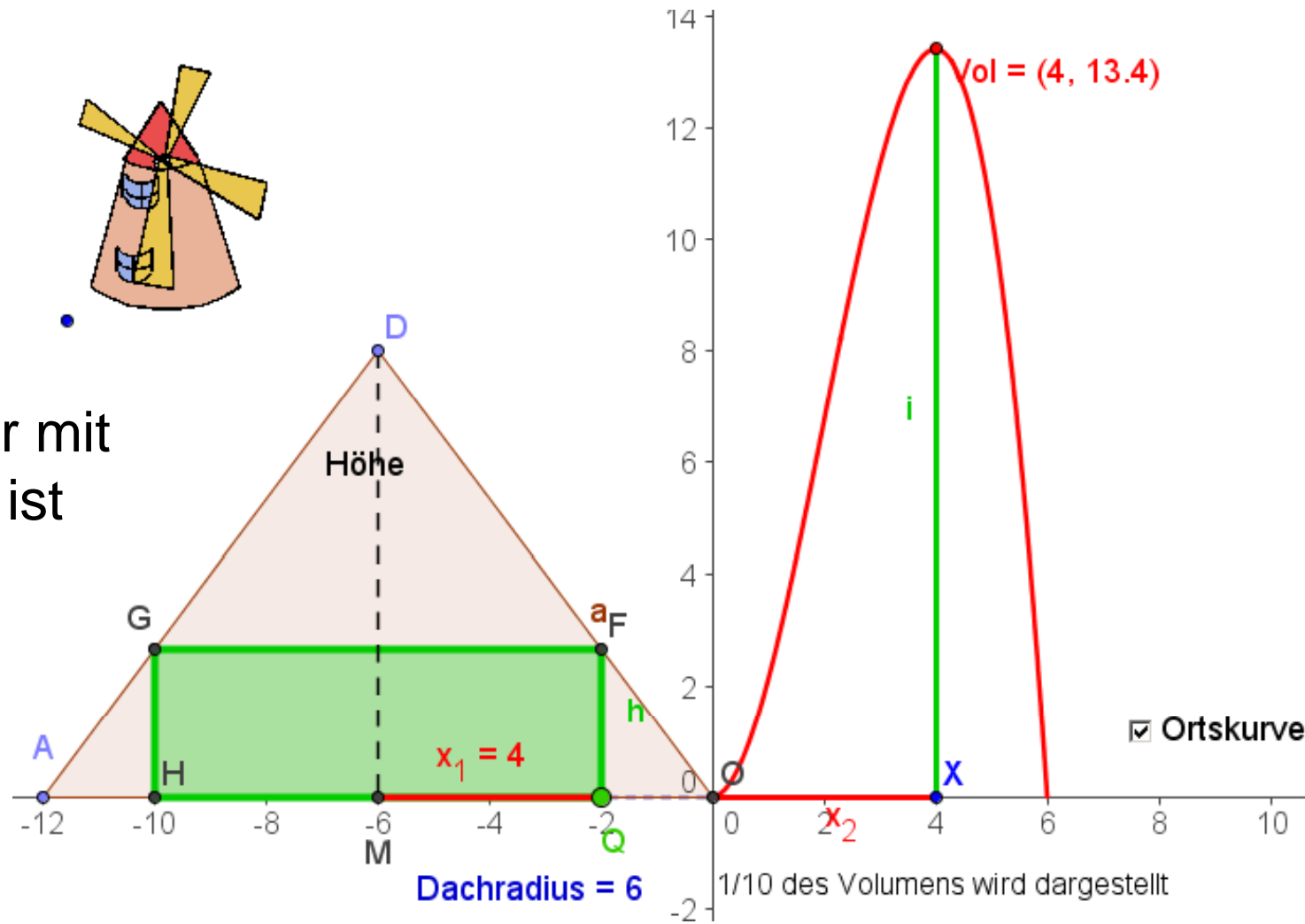


In the coniform roof of a mill we will construct a cylindric basin for water. Ist volume shall be as large as possible.

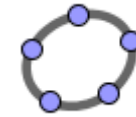
Wasser in der Mühle



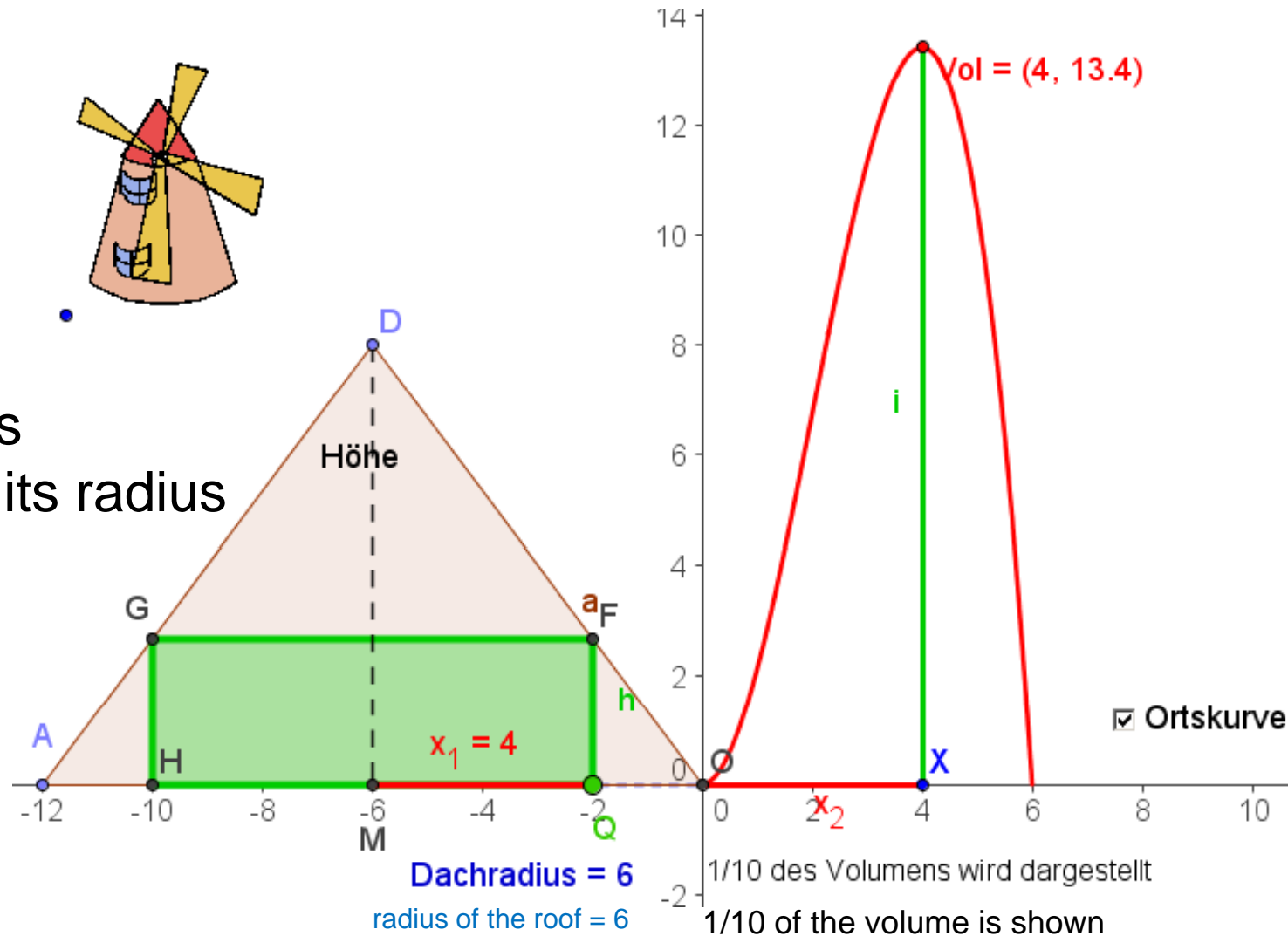
Ein Zylinder mit
4 m Radius ist
optimal

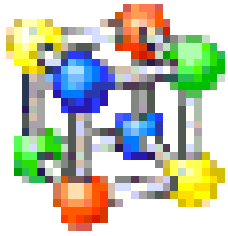


Water in the Mill

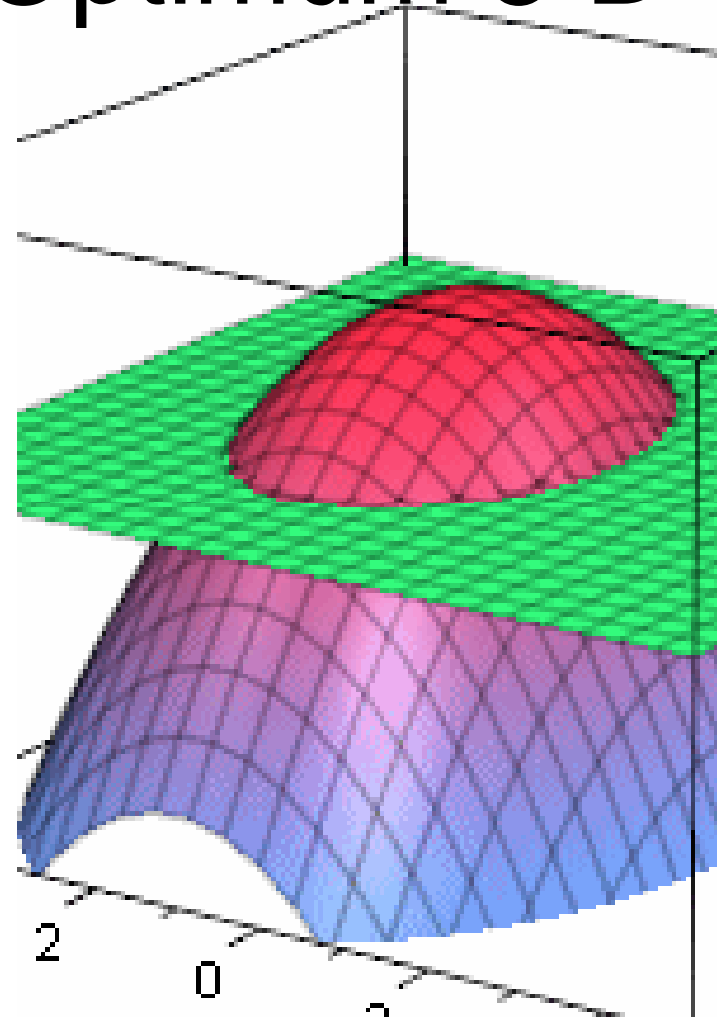
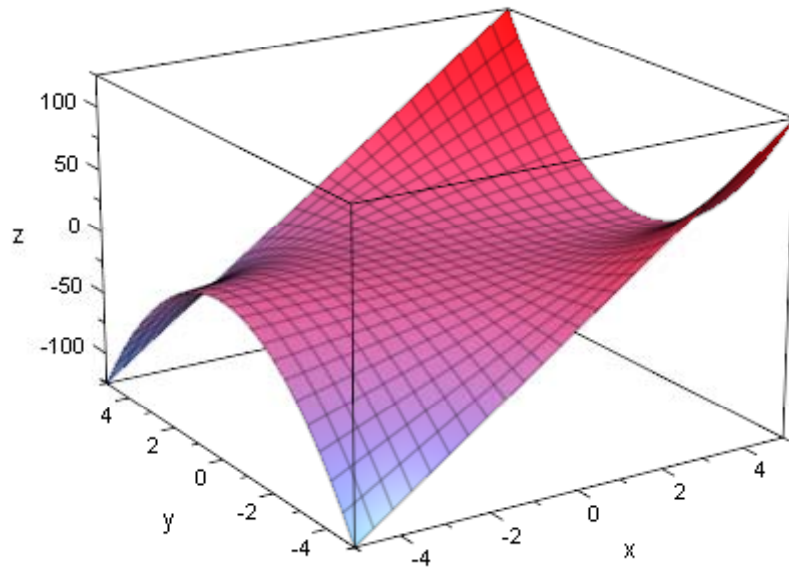


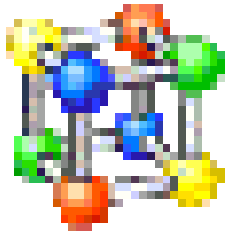
A cylinder is optimal if its radius is 4 m.



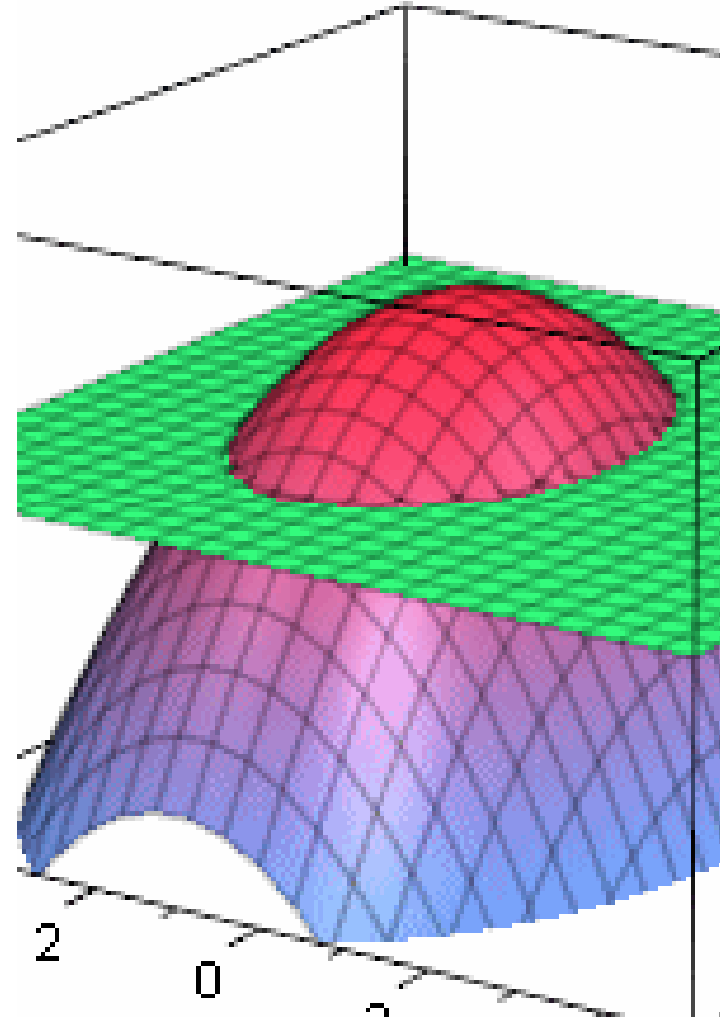
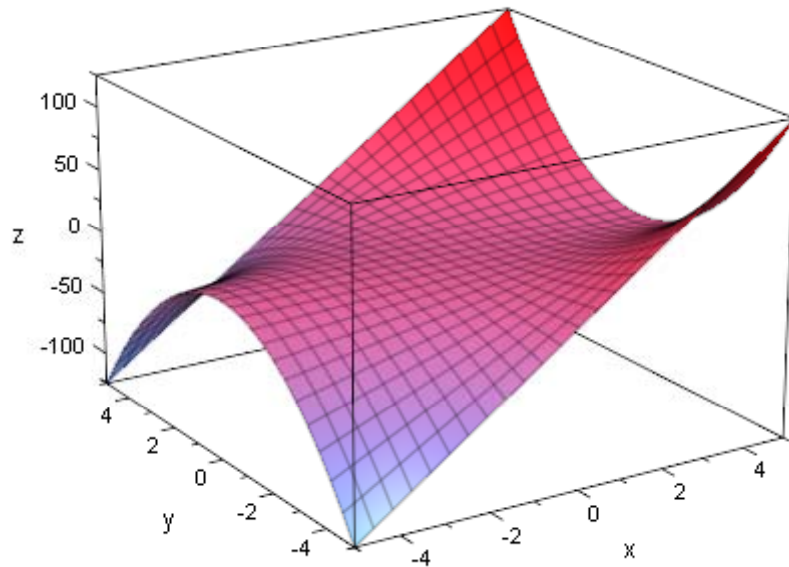


Funktionen Optimum 3 D





Optimum of Functions in 3D



Optimierung

durch die Suche nach Extrempunkten
auf den Graphen von Funktionen

....das ist das Einfachste

Das ist aber längst nicht Alles.

Optimization

can be achieved by searching extremal points on the graph of functions

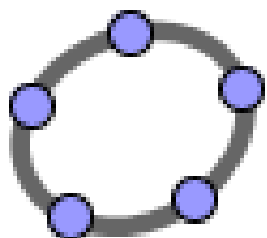


....that is the simplest

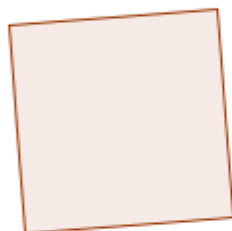
But that is'n the only method at all.

Lineare Optimierung

Kindergarten-Spielzeug

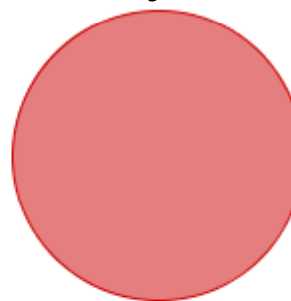


30 €
Kosten je Würfel



Höchstens 10
 $x \leq 10$

20 €
Kosten je Kugel



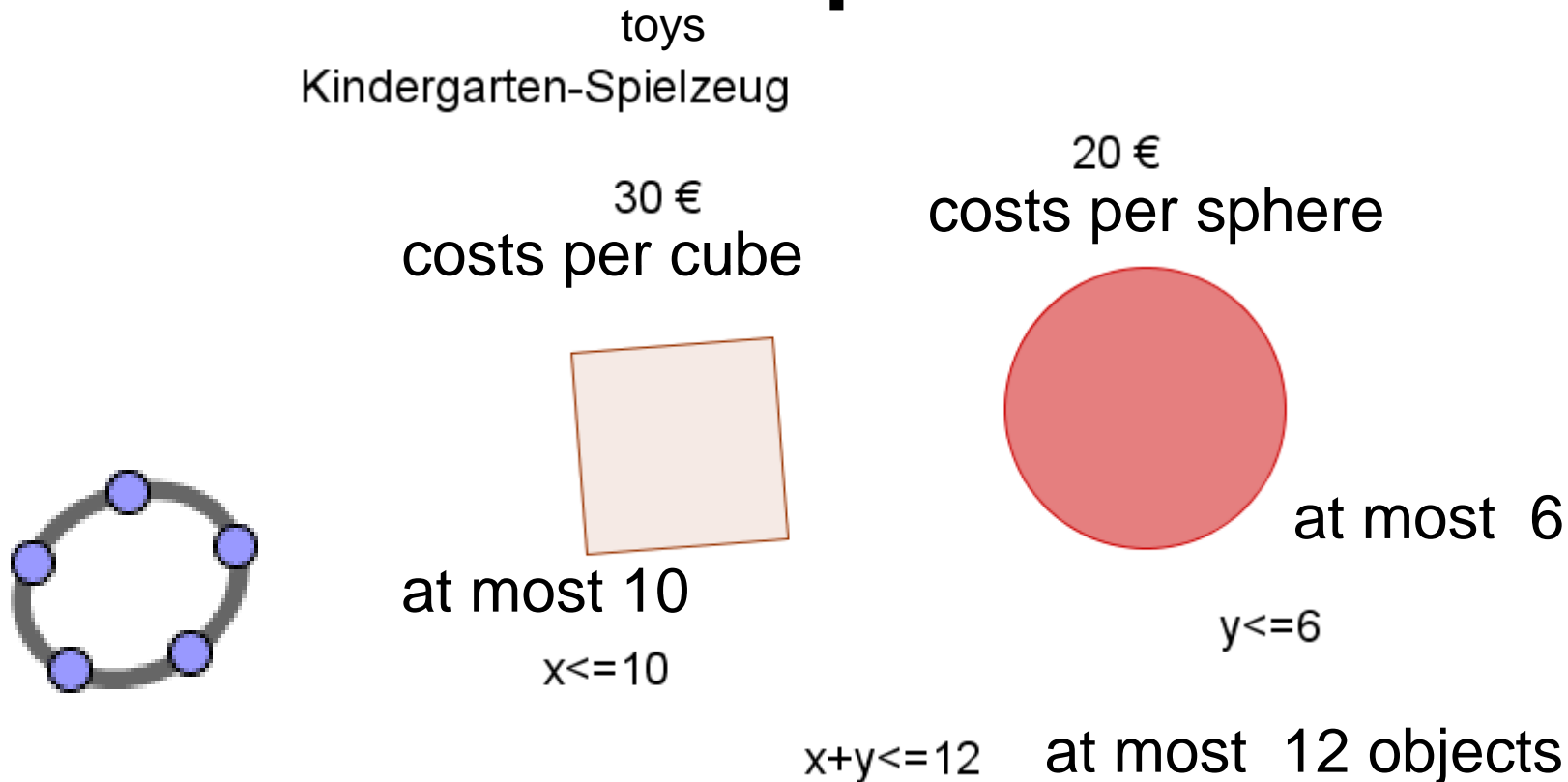
Höchstens 6

$$y \leq 6$$

$x + y \leq 12$ Höchstens 12 Geräte

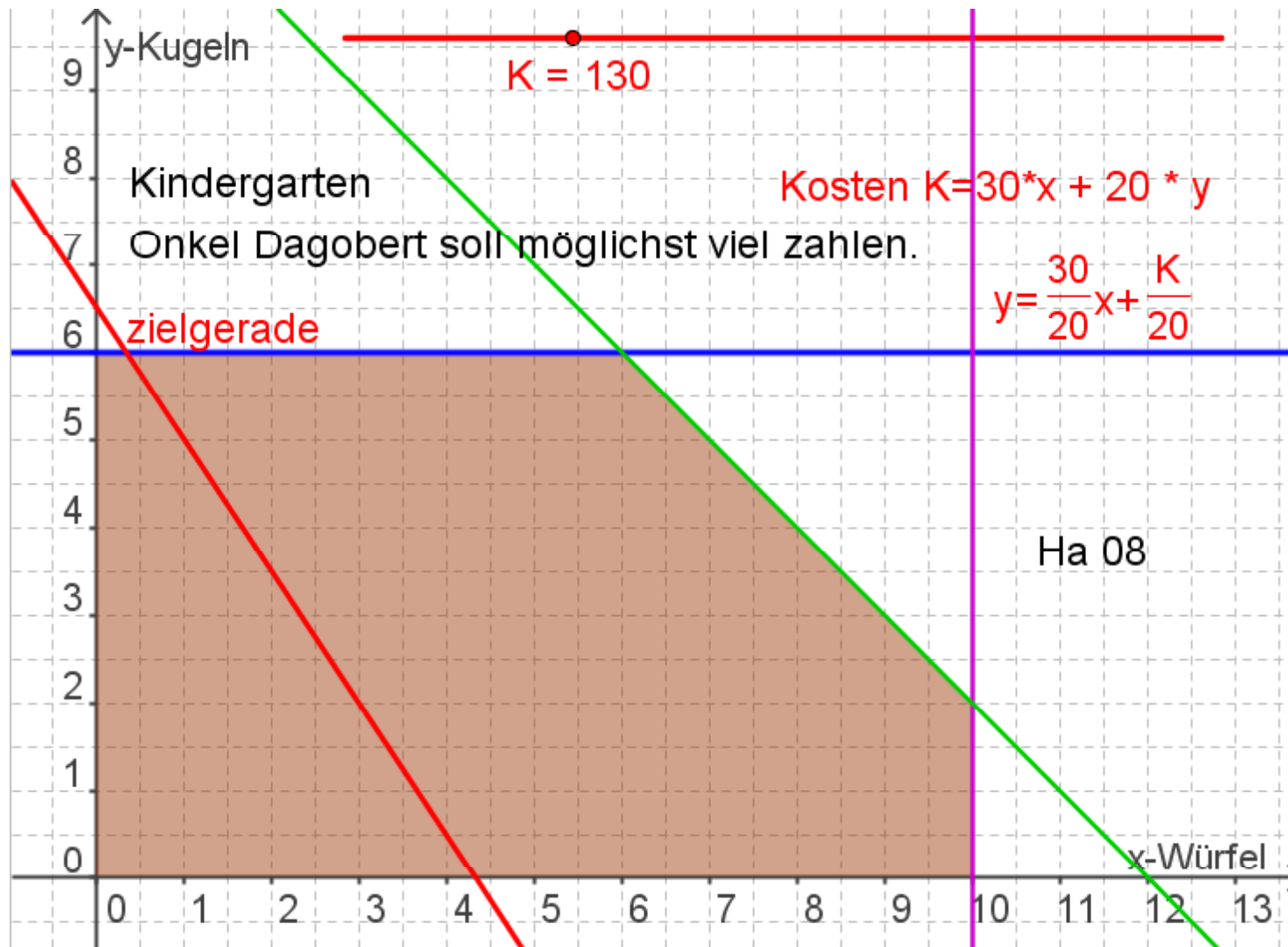
Onkel Dagobert sponsert Spielgeräte zu den angegebenen Bedingungen. Was sollte man bestellen, wenn die Kosten möglichst hoch sein sollen.

Linear Optimization

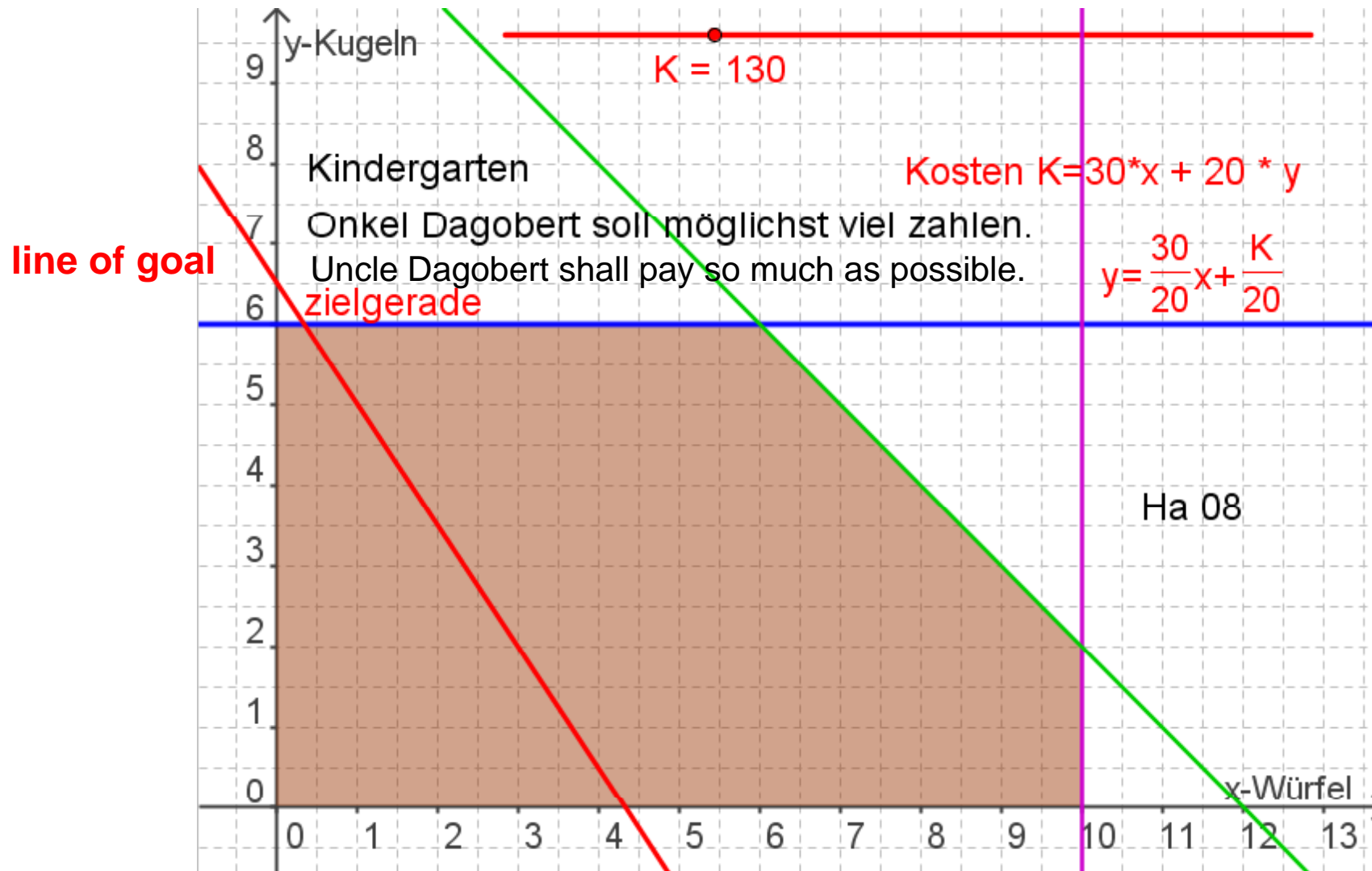


Uncle Dagobert sponsors toys with the shown conditions.
What shall be ordered to make the costs so high as possible.

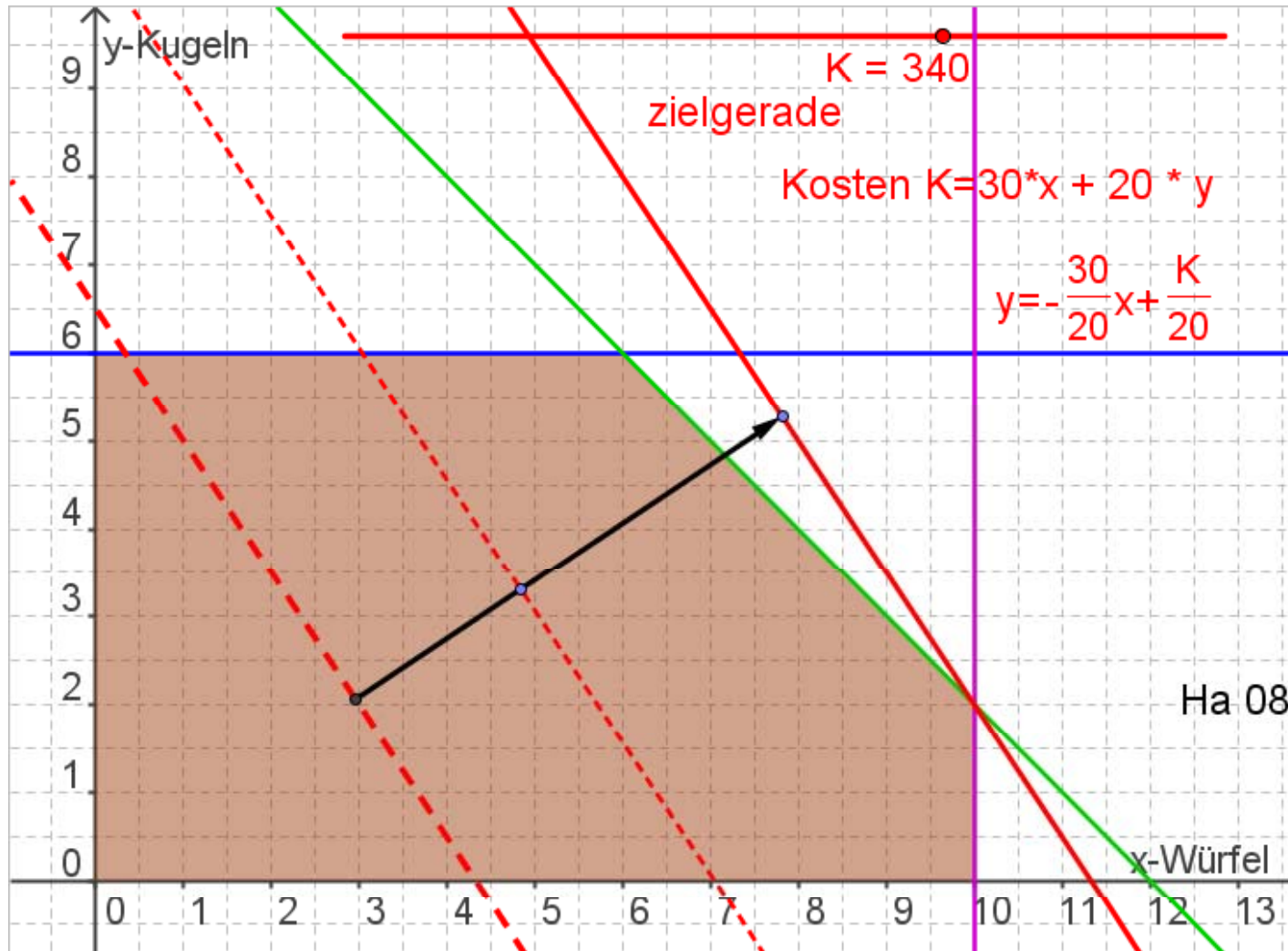
Lineare Optimierung



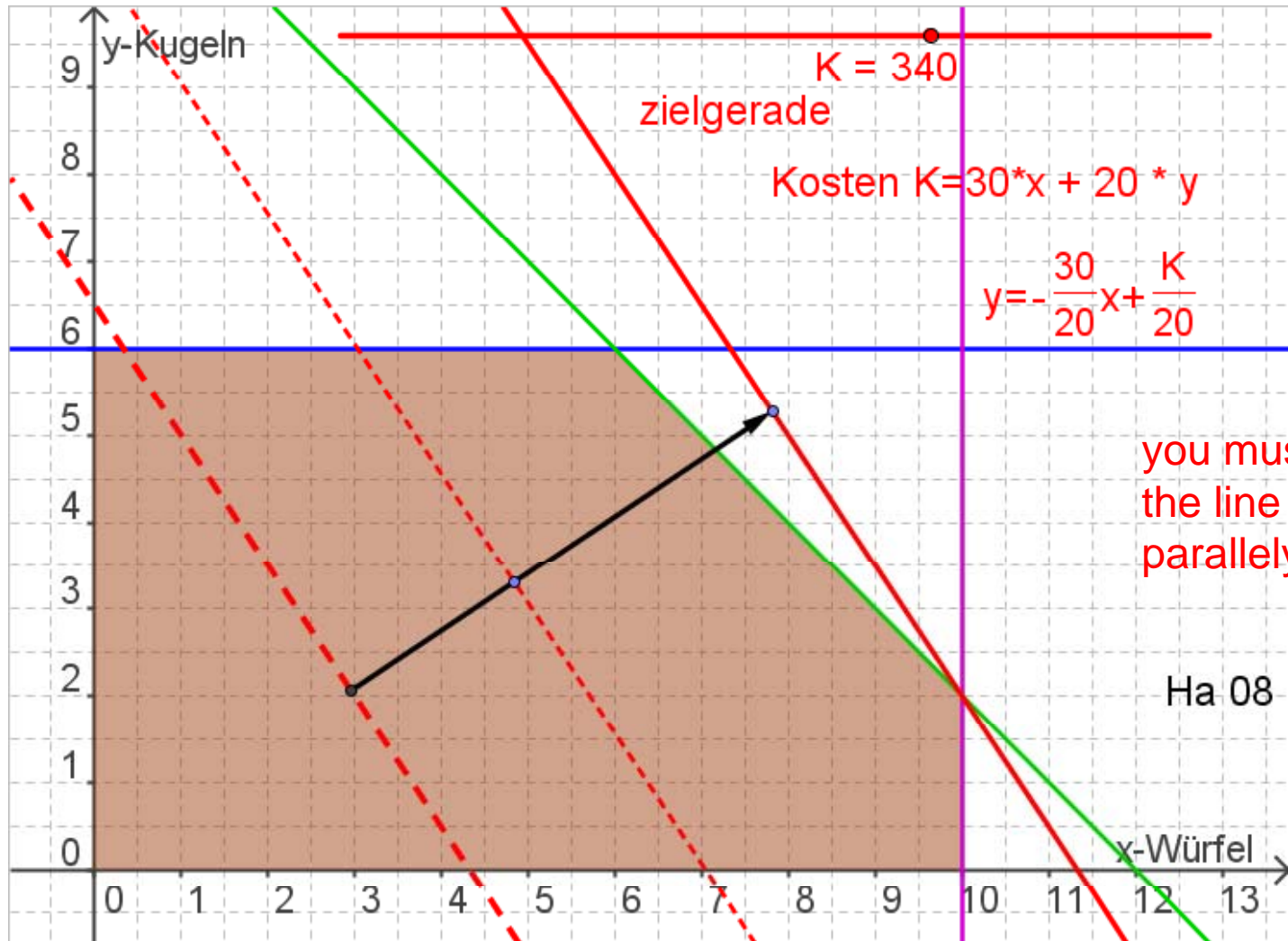
Linear Optimization



Lineare Optimierung

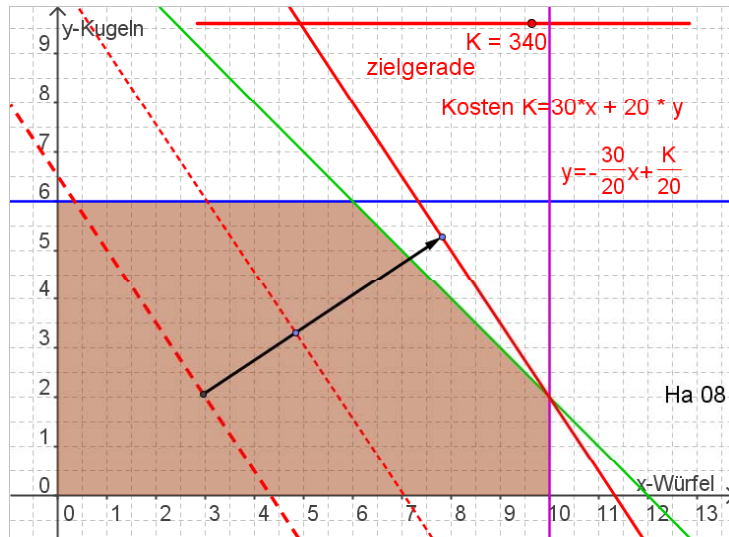


Linear Optimization



you must move
the line of goal
parallelly.

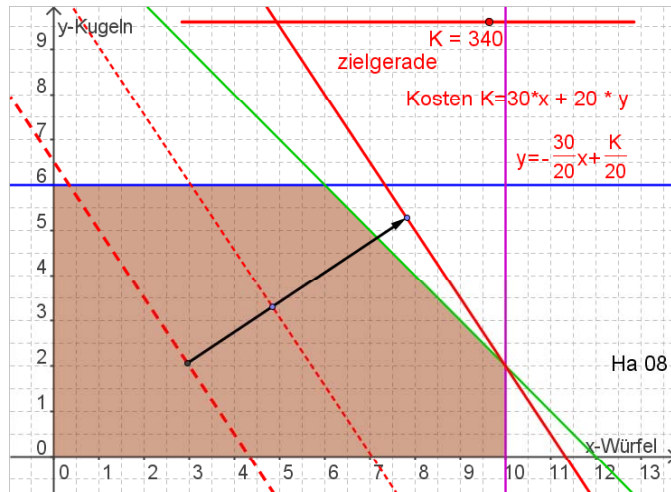
Lineare Optimierung



1. Zu jeder Bedingung gehört eine Randgerade
2. Das Planungsgebiet enthält alle zulässigen Wertepaare
3. Zu jedem Wert der zu optimierenden Größe K gibt es eine „Zielgerade“ (rot)
4. Eine davon bestimmt man, indem man ein Wertepaar des Planungsgebietes einsetzt. Man zeichnet diese Gerade ein.
5. Diese Zielgerade bewegt man mit Parallelverschiebung **auf einen äußersten Punkt** des Planungsgebietes
6. Dieser Punkt ist der gesuchte optimale Punkt.
7. Sonderfall: Die Zielgerade liegt auf einer Randgeraden. Dann sind alle ihre Punkte Lösungen, die auch Rand des Planungsgebietes sind.



Linear Optimization



1. There must be a straight border line for every condition.
2. The planning area contains all admissible pairs of values.
3. There exists a „line of goal“ (red) for every value of the quantity K we wish to optimize.
4. For calculating one of these lines of goal take one point out of the planning area and put it in the equation, here the cost-equation. Draw in this special line of goal (red line left).
5. Now you must move it parallelly until **an outmost point of the planning area**. The direction of moving must make the goal-quantity better in the sense of optimization.
6. This point is the optimal point, you have the result.
7. Special result: The line of goal can be one of the border lines. Then you have many solutions with the same value of the goal-quantity.



10.1.1 Ein Problem der Produktionsplanung

Zwei verschiedene Kunststoffprodukte I, II werden aus (in beliebiger Menge verfügbarem) Rohgranulat hergestellt. Drei Vorgänge bestimmen die Produktion: Warmpressen, Spritzguss und Verpackung. Produkt I entsteht durch Warmpressen des Granulates, Produkt II entsteht durch Spritzguss des Granulates. Beide Produkte werden anschließend für den Versand verpackt.

Die Fertigungsstelle „Pressen“ steht pro Tag für höchstens 10 h zur Verfügung, pro t des Produktes I wird 1 h benötigt. Die entsprechenden Daten für die Fertigungsstelle „Spritzguss“ lauten: 6 h/Tag und 1 h/t. In der Verpackungsabteilung stehen vier Arbeitskräfte mit jeweils täglich maximal 8 Arbeitsstunden zur Verfügung. Pro t von Produkt I werden 2 h, pro t von Produkt II werden 4 h in der Verpackungsabteilung benötigt. Durch den (gesicherten) Absatz aller produzierten Kunststoffprodukte erzielt die Unternehmung die Stückdeckungsbeiträge: 30 €/t für Produkt I, 20 €/t für Produkt II.

In welcher Mengenkombination soll die Unternehmung die beiden Produkte herstellen, damit sie den gesamten täglichen Deckungsbeitrag maximiert?

Tabelle 10.1.1 gibt eine Übersicht über die Modellbedingungen (Produktionskoeffizienten, Kapazitäten, Deckungsbeiträge (DB)).

Tab. 10.1.1

	Prod. I	Prod. II	max. Tageskapazität
Pressen	1 h/t	-	10 h
Spritzen	-	1 h/t	6 h
Packen	2 h/t	4 h/t	32 h
DB	30 €/t	20 €/t	



¹ Statt *Lineare Optimierung* ebenfalls gebräuchlich: *Lineare Planungsrechnung* oder *Lineare Programmierung*.

10.1.1 Ein Problem der Produktionsplanung A problem out of production planning.

Zwei verschiedene Kunststoffprodukte I, II werden aus (in beliebiger Menge verfügbarem) Rohgranulat hergestellt. Drei Vorgänge bestimmen die Produktion: Warmpressen, Spritzguss und Verpackung. Produkt I entsteht durch Warmpressen des Granulates, Produkt II entsteht durch Spritzguss des Granulates. Beide Produkte werden anschließend für den Versand verpackt.

The is explained on the following slides.

Die Fertigungsstelle „Pressen“ steht pro Tag für höchstens 10 h zur Verfügung, pro t des Produktes I wird 1 h benötigt. Die entsprechenden Daten für die Fertigungsstelle „Spritzguss“ lauten: 6 h/Tag und 1 h/t. In der Verpackungsabteilung stehen vier Arbeitskräfte mit jeweils täglich maximal 8 Arbeitsstunden zur Verfügung. Pro t von Produkt I werden 2 h, pro t von Produkt II werden 4 h in der Verpackungsabteilung benötigt. Durch den (gesicherten) Absatz aller produzierten Kunststoffprodukte erzielt die Unternehmung die Stückdeckungsbeiträge: 30 €/t für Produkt I, 20 €/t für Produkt II.

In welcher Mengenkombination soll die Unternehmung die beiden Produkte herstellen, damit sie den gesamten täglichen Deckungsbeitrag maximiert?

Tabelle 10.1.1 gibt eine Übersicht über die Modellbedingungen (Produktionskoeffizienten, Kapazitäten, Deckungsbeiträge (DB)).

Tab. 10.1.1

	Prod. I	Prod. II	max. Tageskapazität
Pressen	1 h/t	-	10 h
Spritzen	-	1 h/t	6 h
Packen	2 h/t	4 h/t	32 h
DB	30 €/t	20 €/t	

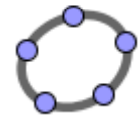
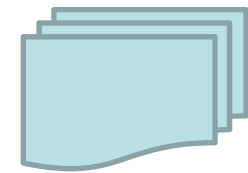


¹ Statt *Lineare Optimierung* ebenfalls gebräuchlich: *Lineare Planungsrechnung* oder *Lineare Programmierung*.

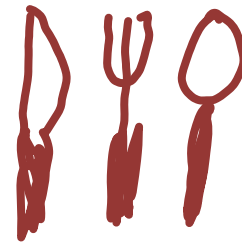
Optimierung als Ziel



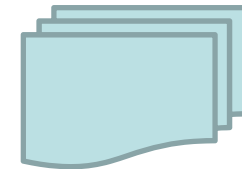
	x Teller	y Besteck	Zeit pro Tag
Pressen	1 h/t		10 h
Spritzen		1 h/t	6 h
Packen	2 h/t	4 h/t	32 h
Geld	30 €/t	20 €/t	



Optimization as a Goal



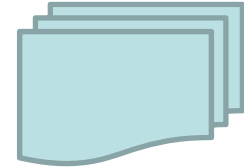
time per day



	plates X Teller	cutley y Besteck	zeit pro Tag
pressing Pressen	1 h/t		10 h
spraying Spritzen		1 h/t	6 h
packing Packen	2 h/t	4 h/t	32 h
money Geld	30 €/t	20 €/t	



Lineare Optimierung



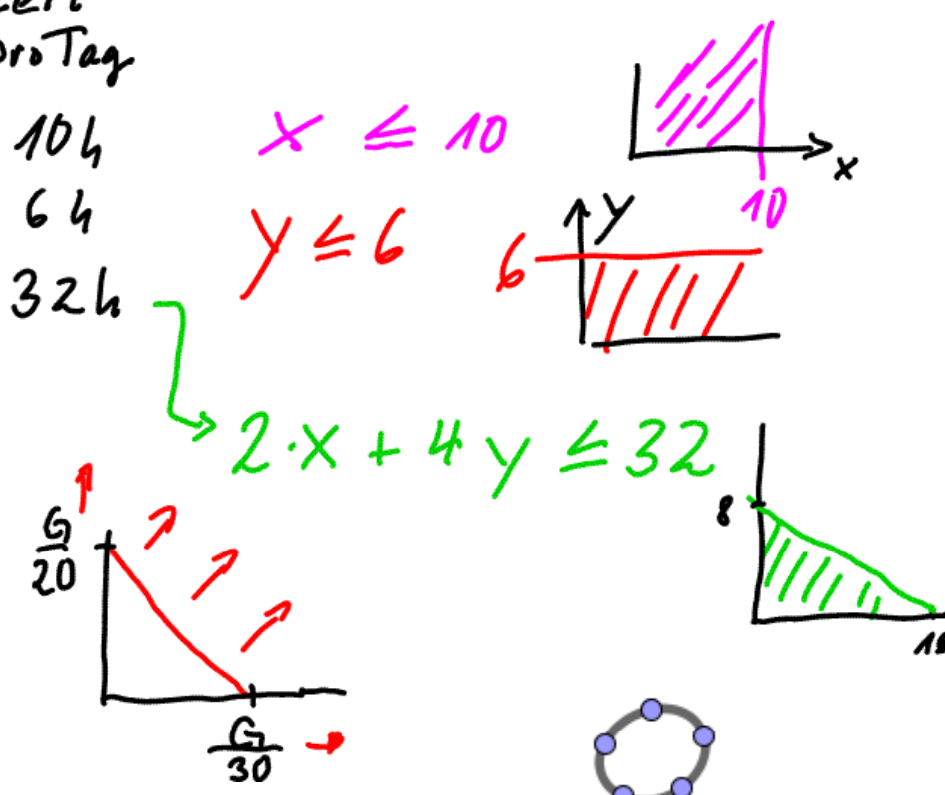
	x Teller	y Besteck	Zeit pro Tag
Prüfen	1 h/t		10 h
Spritzen		1 h/t	6 h
Packen	2 h/t	4 h/t	32 h
Geld	30 €/t	20 €/t	

$$x \leq 10$$

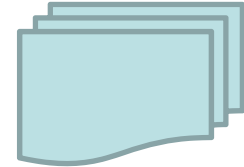
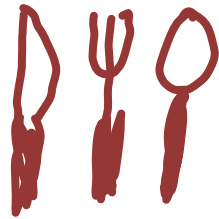
$$y \leq 6$$

$$2 \cdot x + 4 \cdot y \leq 32$$

$$30 \cdot x + 20 \cdot y = G$$



Linear Optimization

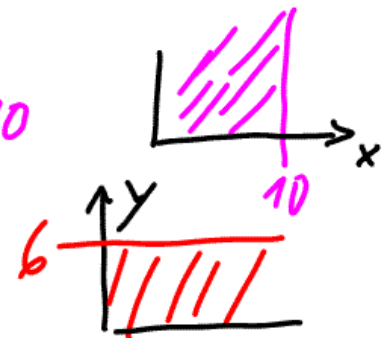


time/day

	x Teller	y Besteck	Zeit pro Tag
pressing Pressen	1 h/t		10 h
spraying Spritzen		1 h/t	6 h
packing Packen	2 h/t	4 h/t	32 h
money Geld	30 €/t	20 €/t	

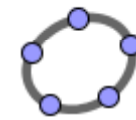
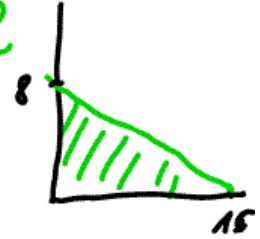
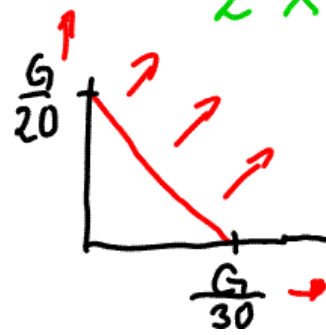
$$x \leq 10$$

$$y \leq 6$$

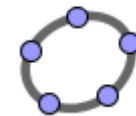
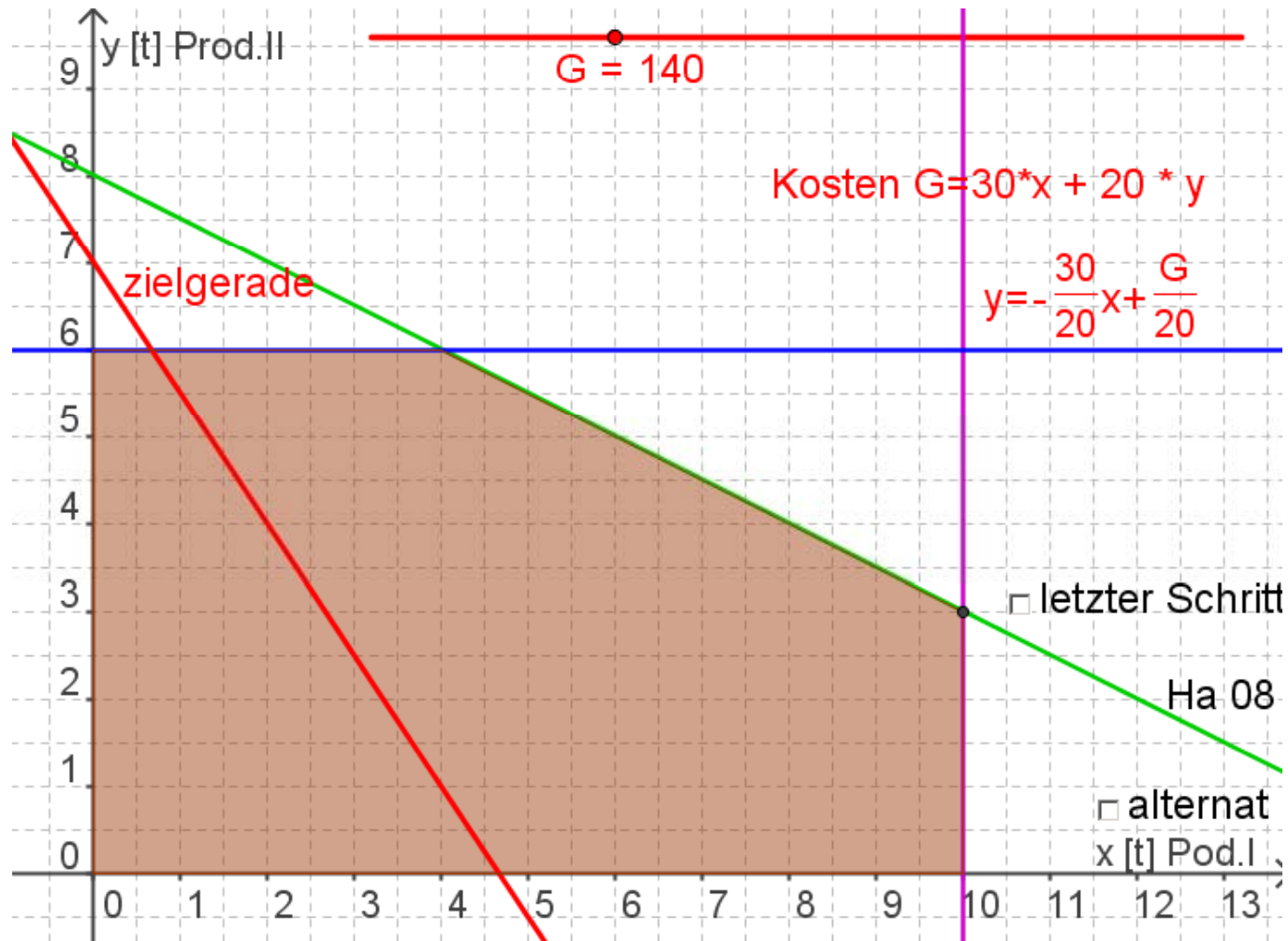


$$2 \cdot x + 4 \cdot y \leq 32$$

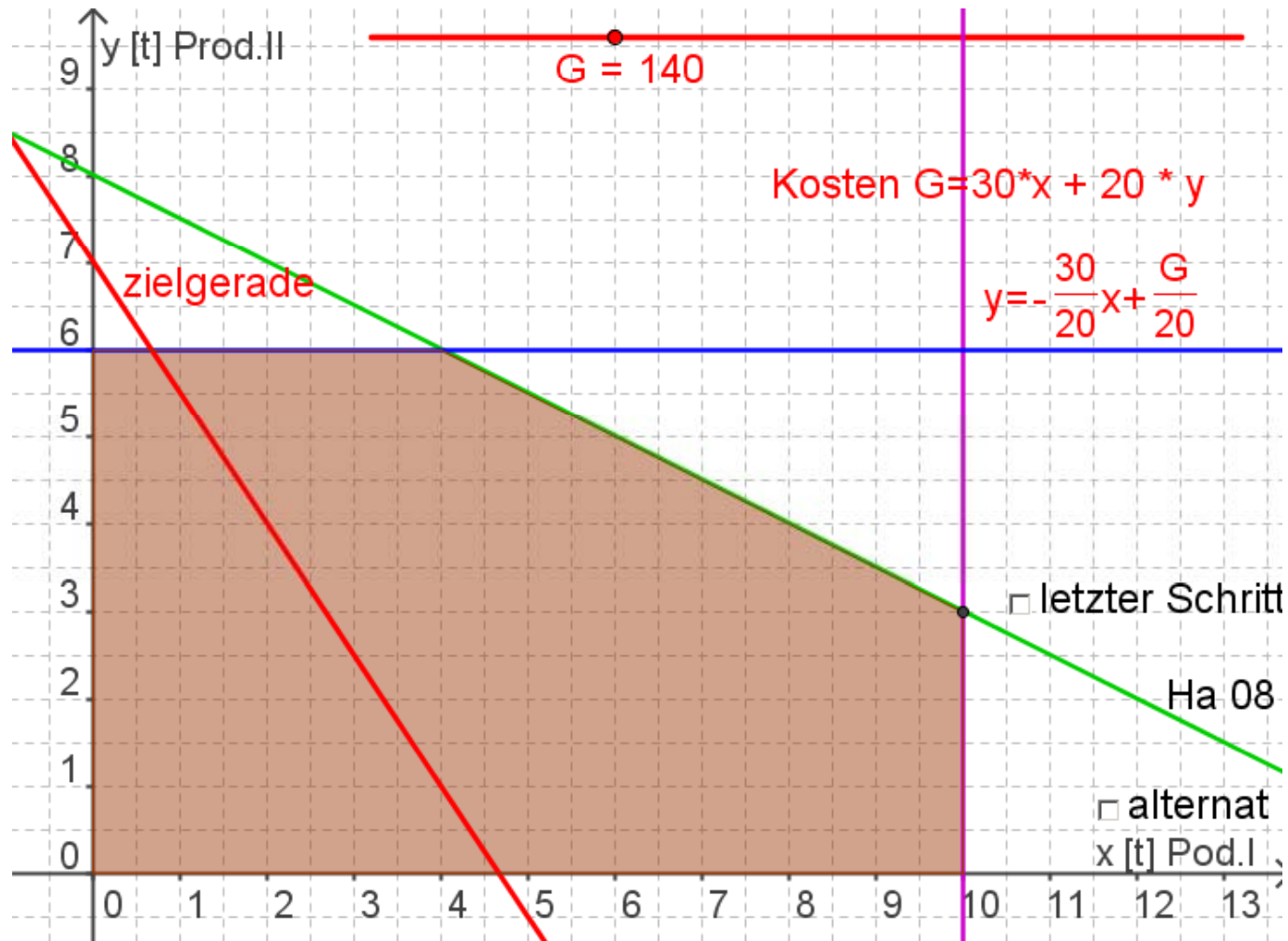
$$30 \cdot x + 20 \cdot y = G$$



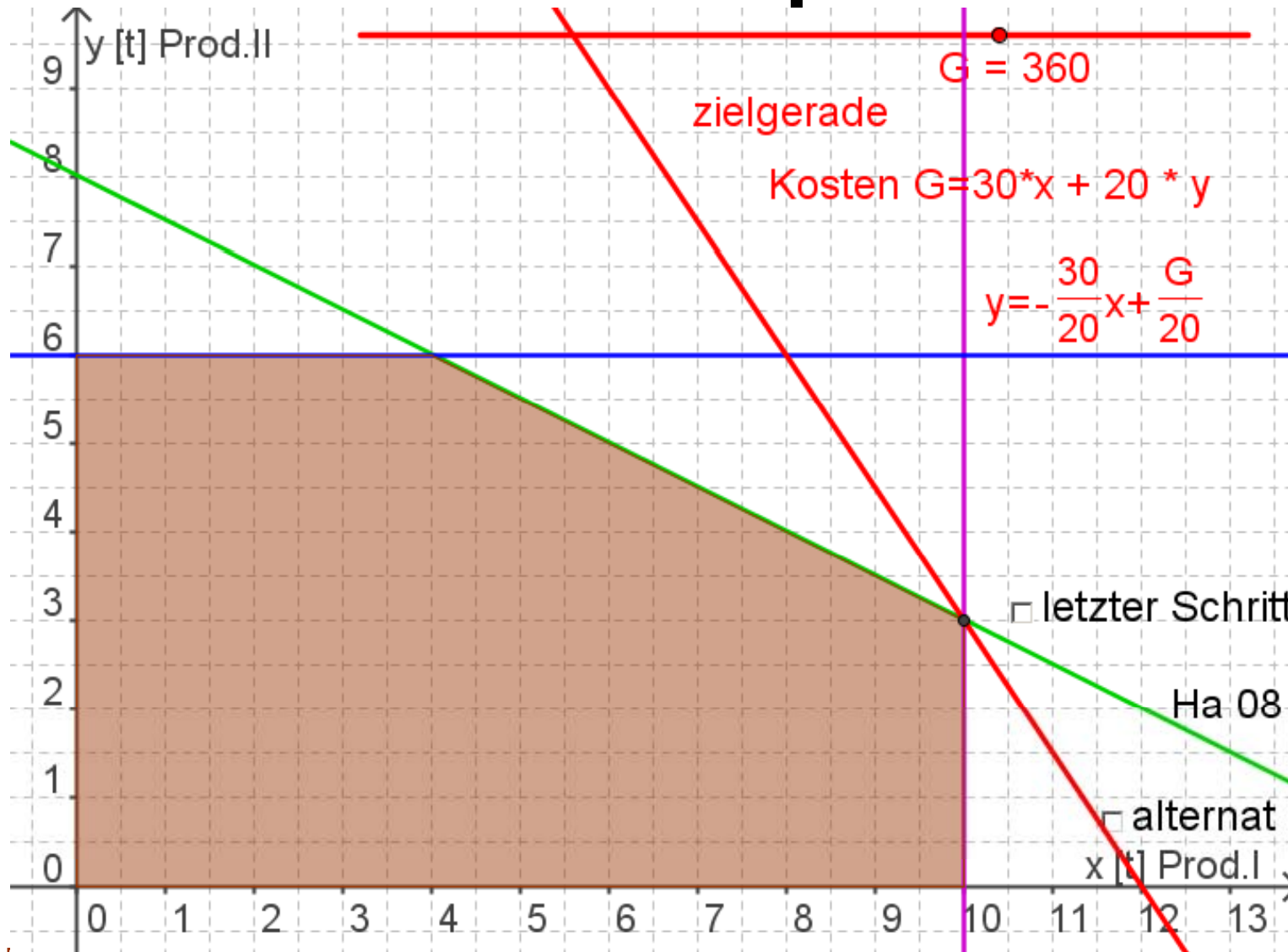
Lineare Optimierung



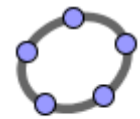
Linear Optimization



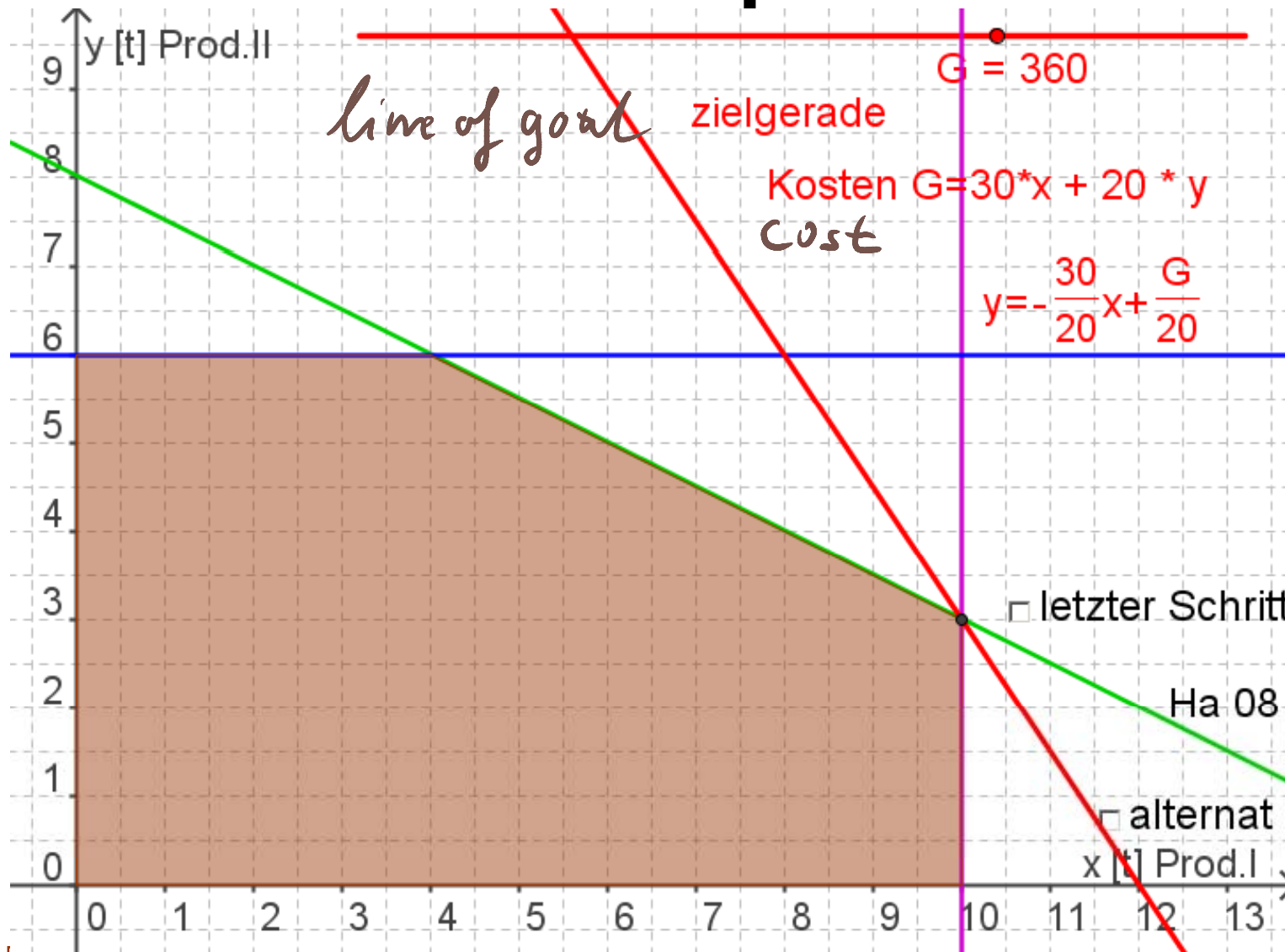
Lineare Optimierung



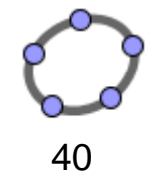
Geld
 360 €
 Optimal
 10t I
 Teller
 3t II
 Besteck



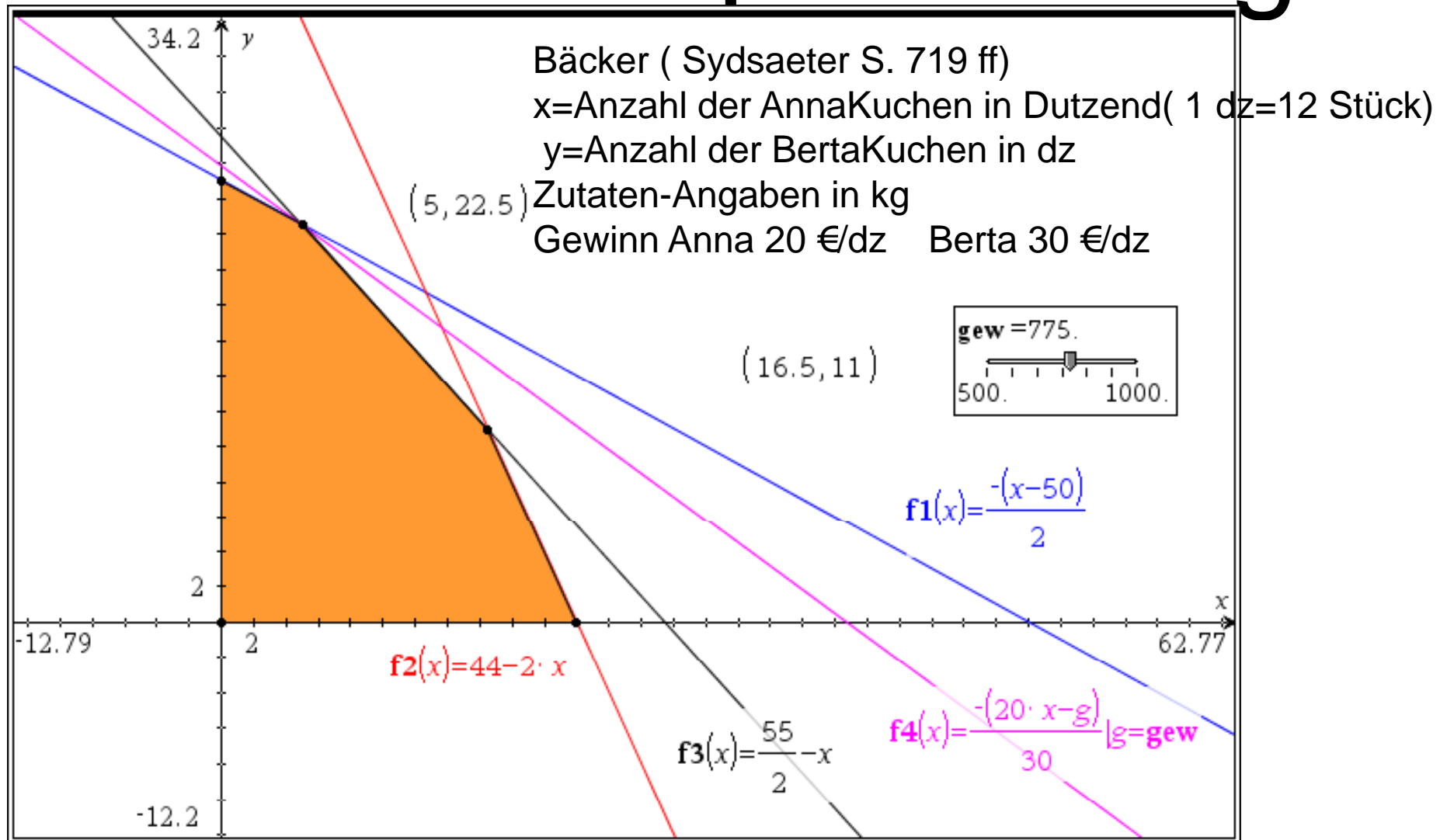
Linear Optimization



costs
 360 €
 Optimal
 10t I
 plates
 3t II
 cutlery



Lineare Optimierung



Linear Optimization

