

# Kryptografische Protokolle

## Übung

### El Gamal Signatur, Grundlage für DSS Digital signature standard

1. Die Teilnehmer haben gemeinsam  $p$  prim und  $g$  kleiner als  $p-2$ .
  2. Anton wählt ein privates  $ta$  kleiner als  $p-2$  und teilt allen Teilnehmern  $t_{anton} : \equiv g^{ta}$  mit.
  3. Anton will einen **Klartext klar signieren**.  $m$  sei die zugehörige Zahl.  
Zum Üben brauchen klar und  $m$  nicht zusammenzupassen. Wählen Sie  $m$  irgendwie beliebig lang..
  4. Erzeugung der Signatur: Anton wählt  $ra$  aus  $\mathbb{Z}_{p-1}^*$  und bestimmt dazu das Inverse  $ri$  in dieser Gruppe.
  5. Er berechnet  $kra : \equiv g^{ra}$
  6. Er berechnet  $sa : \equiv (m - ta \cdot kra) \cdot ri$
  7. Anton versendet  $\{\text{klar}, m, sa, kra\}$
  8. Jeder Teilnehmer, z.B. Tobi, kann nun **verifizieren**.  
Tobi berechnet  $test1 : \equiv g^m$
  9. Tobi berechnet  $test2 : \equiv t_{anton}^{kra} \cdot kra^{sa}$
  10. Wenn beide Zahlen übereinstimmen, traut Tobi dem Klartext
- 
- a) Führen Sie mit eigenen Zahlen das Protokoll nachvollziehbar durch.
  - b) Beweisen Sie die Durchführbarkeit.
  - c) Es gibt ungeeignete Zahlen  $m$ . Nennen Sie solche.
  - d) Kann Mister X  $ta$  oder  $ra$  bestimmen?
  - e) Kann MisterX  $ri$  bestimmen, wenn er  $ra$  hat?
  - f) Kann MisterX  $m$  verändern, ohne dass Tobi es merkt